

巍巍交大 百年书香  
www.jiaodapress.com.cn  
bookinfo@sjtu.edu.cn



策划编辑 胡志平  
责任编辑 胡思佳 柳卫清  
封面设计 碧君

河北省普通高等学校对口招生考试数学同步提升训练

主编 李强 张玉玲

上海交通大学出版社

河北省普通高等学校对口招生考试

# 数 学

## 同步提升训练

赠册 参考答案及解析

主编 李强 张玉玲



扫描二维码  
关注上海交通大学出版社  
官方微信

ISBN 978-7-313-29020-5



9 787313 290205 >

定价:45.00元

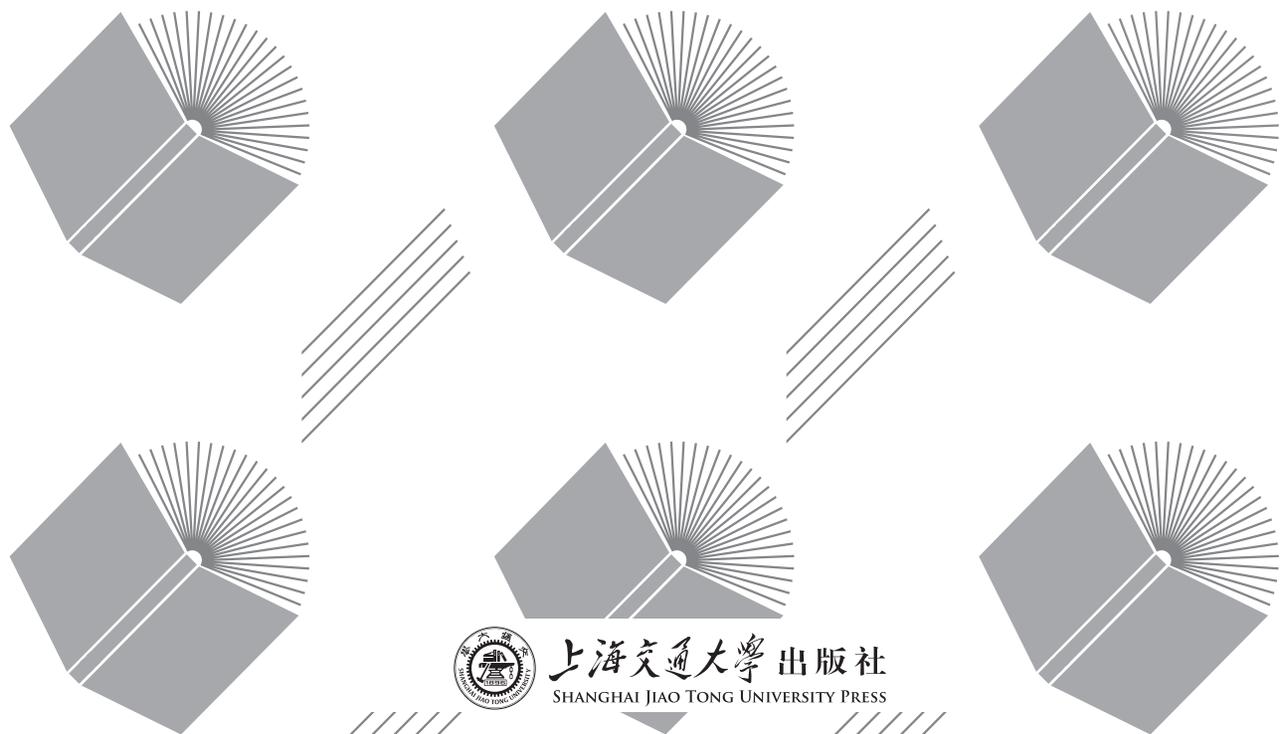
河北省普通高等学校对口招生考试

# 数 学

## 同步提升训练

赠册 参考答案及解析

主编 李 强 张玉玲



上海交通大学出版社  
SHANGHAI JIAO TONG UNIVERSITY PRESS



# Preface

## 前言



通过多年的摸索与实践,河北省普通高等学校对口招生考试越来越规范有序.从考试内容和考试形式上来看,参加招生考试的考生将面临更大的挑战,多数考生都为如何在短期内熟悉考试形式、了解考试内容、把握考试重难点、弥补“短板”而备受困扰,亟须通过高效的学习来快速提升应试能力,从而在考试中脱颖而出.

为了帮助广大考生在较短的时间内高效、便捷、准确地把握考试的脉络,我们特组织多所一线院校的任课教师,根据考试科目的大纲要求,深入研究了近几年河北省对口招生考试的命题情况,针对命题中出现的最新变化,精心编写了这套河北省普通高等学校对口招生考试复习用书,供广大考生在复习时使用.

本书是该系列丛书之《河北省普通高等学校对口招生考试数学同步提升训练》.数学是对口招生考试的必考科目之一,其知识点较多、难度较大,也是考生备考的重点和难点所在.本书在编写时紧扣考试大纲,紧密结合真题,内容充实,结构严谨,要点突出,指导性强,是广大考生进行考试复习和储备知识的重要参考资料.

本书具有以下鲜明特色:

### 1. 编写阵容强大,熟知学情考情

编写成员均系河北省中等职业学校的骨干教师,他们始终工作在教学一线,熟悉考情和学生的备考情况,使本书具有极高的权威性.

### 2. 立足考纲,全面服务考生

本书是为参加河北省普通高等学校对口招生考试的考生量身定做的复习用书.题型、试题难度等设计均参照了河北省历年考试真题和最新考试大纲,从河北省普通高等学校对口招生考试的特色出发,做到既能把握考试的命题特点,又能体现其发展趋势.

### 3. 具有针对性与实用性

本书配有参考答案及解析,详细、独到,由点及面,既方便考生核对正误,又可帮助考生查漏补缺,校正解题思路.考生掌握一道题的解法,就可以触类旁通,掌握一类题的解法,从而更加有效地学习.

### 4. 合理编排,设计科学

本书按照《河北省普通高等学校对口招生考试数学复习指导》设置题目.每章都配有与教材内容相对应的练习题,试题难度、知识点的考查都与河北省普通高等学校对口

招生考试的难度要求一致,可以很好地帮助考生把握考试难度,掌握答题速度,巩固所学知识,查漏补缺,提高应试能力.

衷心希望本套考试复习丛书为广大考生的复习备考带来实质性的帮助.对书中的不足之处,敬请各位读者不吝指正.

最后,预祝广大考生取得好成绩!

编者



# Contents 目录



## 第一章 集合 ..... 1

- 第一节 集合的概念与集合之间的关系 ..... 1
- 第二节 集合的运算 ..... 5
- 第三节 充要条件 ..... 8
- 测试题 ..... 10

## 第二章 不等式 ..... 13

- 第一节 不等式的基本性质与区间 ..... 13
- 第二节 一元一次不等式 ..... 17
- 第三节 一元二次不等式及分式不等式 ..... 20
- 第四节 含绝对值的不等式 ..... 23
- 测试题 ..... 26

## 第三章 函数 ..... 29

- 第一节 函数的概念及其表示 ..... 29
- 第二、三节 函数的单调性和奇偶性 ..... 33
- 第四节 二次函数的图像与性质 ..... 36
- 第五节 函数的实际应用 ..... 39
- 测试题 ..... 41

## 第四章 指数函数与对数函数 ..... 44

- 第一节 实数指数幂和幂函数 ..... 44
- 第二节 指数函数 ..... 47
- 第三、四节 对数及其运算与对数函数 ..... 50
- 测试题 ..... 53

## 第五章 数列 ..... 56

- 第一节 数列的概念 ..... 56
- 第二节 等差数列 ..... 59
- 第三节 等比数列 ..... 62
- 第四节 等差数列与等比数列的应用 ..... 65
- 测试题 ..... 68

**第六章 三角函数** ..... 71

- 第一节 角的概念推广与弧度制 ..... 71
- 第二节 任意角的三角函数 ..... 74
- 第三、四节 同角三角函数的基本关系式与诱导公式 ..... 76
- 第五节 三角函数的图像与性质 ..... 79
- 第六节 和角公式与倍角公式 ..... 81
- 第七节 正弦型函数的图像与性质 ..... 85
- 第八节 正弦定理和余弦定理 ..... 89
- 测试题 ..... 92

**第七章 平面向量** ..... 96

- 第一节 平面向量的概念及线性运算 ..... 96
- 第二节 平面向量的坐标表示 ..... 100
- 第三节 平面向量的内积 ..... 103
- 测试题 ..... 106

**第八章 平面解析几何** ..... 109

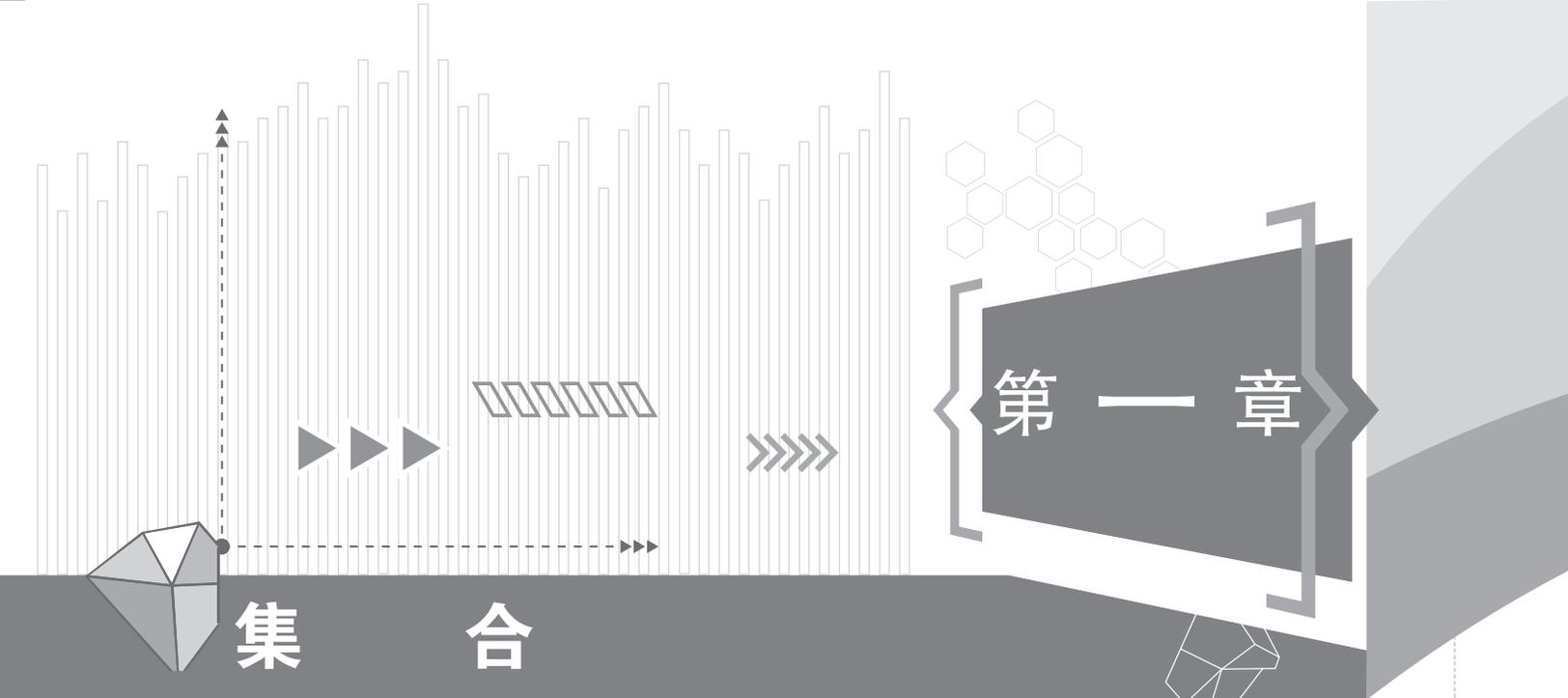
- 第一、二节 两点间的距离公式与线段中点的  
坐标及直线的方程 ..... 109
- 第三节 两条直线的位置关系 ..... 112
- 第四节 圆的方程 ..... 115
- 第五节 椭圆 ..... 118
- 第六节 双曲线 ..... 121
- 第七节 抛物线 ..... 124
- 测试题 ..... 127

**第九章 立体几何** ..... 130

- 第一节 平面的基本性质 ..... 130
- 第二节 空间两条直线的位置关系 ..... 133
- 第三节 空间直线与平面的位置关系 ..... 135
- 第四节 空间平面与平面的位置关系 ..... 139
- 测试题 ..... 142

**第十章 概率** ..... 146

- 第一、二节 计数原理及排列与组合 ..... 146
- 第三节 二项式定理 ..... 149
- 第四节 随机事件与古典概型 ..... 151
- 第五节 离散型随机变量及其分布 ..... 155
- 测试题 ..... 159



# 集 合

# 第 一 章

## 第一节

## 集合的概念与集合之间的关系

### 一、选择题

- 下列条件中能构成集合的是 ( )
 

A. 世界著名的数学家	B. 在数轴上与原点非常近的点
C. 所有的等腰三角形	D. 全年级成绩优异的同学
- 集合  $\{x-1, x^2-1, 2\}$  中的  $x$  不能取的值是 ( )
 

A. 2	B. 3
C. 4	D. 5
- 用列举法表示“大于 2 且小于 9 的奇数的全体”构成的集合是 ( )
 

A. $\emptyset$	B. $\{4, 6, 8\}$
C. $\{3, 5, 7\}$	D. $\{3, 4, 5, 6, 7, 8\}$
- 若集合  $M = \{3, 1, a-1\}$ ,  $N = \{-2, a^2\}$ ,  $N$  为  $M$  的子集, 则  $a$  的值是 ( )
 

A. -1	B. 1
C. 0	D. 3
- 给出下面四个关系: ①  $0 \in \mathbf{Q}$ ; ②  $\sqrt{3} \in \mathbf{Q}$ ; ③  $\mathbf{Z} \subseteq \mathbf{Q}$ ; ④  $\emptyset \subseteq \{0\}$ , 其中正确的个数为 ( )
 

A. 4	B. 3
C. 2	D. 1

6. 集合  $\{a, b, c, d\}$  所有子集的个数是 ( )

- A. 8  
B. 14  
C. 15  
D. 16

7. 下列说法正确的有 ( )

- ①空集没有子集;  
②任何集合至少有两个子集;  
③空集是任何集合的真子集;  
④若  $\emptyset \subseteq A$ , 则  $A \neq \emptyset$ .

- A. 1 个  
B. 2 个  
C. 3 个  
D. 4 个

8. 满足条件  $\{1, 2\} \subseteq M \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5\}$  的集合  $M$  的个数是 ( )

- A. 3  
B. 6  
C. 7  
D. 9

9. 集合  $M = \left\{ x \mid x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}, k \in \mathbf{Z} \right\}$ ,  $N = \left\{ x \mid x = \frac{k\pi}{4} + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbf{Z} \right\}$ , 则集合  $M$  与  $N$  的关系是 ( )

- A.  $M = N$   
B.  $M \subseteq N$   
C.  $M \supseteq N$   
D.  $M \cap N = \emptyset$

10. 下列命题中正确的是 ( )

- A.  $\{x \mid x^2 + 2 = 0\}$  在实数范围内无意义  
B.  $\{(1, 2)\}$  与  $\{(2, 1)\}$  表示同一个集合  
C.  $\{4, 5\}$  与  $\{5, 4\}$  表示相同的集合  
D.  $\{4, 5\}$  与  $\{5, 4\}$  表示不同的集合

## 二、填空题

11. 方程  $x^2 + x - 6 = 0$  的根的集合, 用描述法可表示为\_\_\_\_\_.

12. 用符号“ $\in$ ”或“ $\notin$ ”填空.

- (1)  $1$  \_\_\_\_\_  $\mathbf{N}^*$ ;                      (2)  $-2$  \_\_\_\_\_  $\mathbf{N}^*$ ;  
(3)  $\frac{1}{2}$  \_\_\_\_\_  $\mathbf{N}^*$ ;                      (4)  $5$  \_\_\_\_\_  $\mathbf{Z}$ ;  
(5)  $-6$  \_\_\_\_\_  $\mathbf{Z}$ ;                      (6)  $\frac{5}{6}$  \_\_\_\_\_  $\mathbf{Z}$ .

13. 用列举法表示集合  $\{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$ , 结果是\_\_\_\_\_.

14. 集合  $\{-4, -2, 0, 2\}$  的非空子集有\_\_\_\_\_个.

15. 已知集合  $A = \{x \mid -1 < x \leq 4\}$ , 集合  $B = \{x \mid 0 \leq x < 2\}$ , 则集合  $A, B$  的关系是\_\_\_\_\_.

## 三、解答题

16. 下列集合中哪些是空集? 哪些是有限集? 哪些是无限集?

(1)  $\{x \in \mathbf{R} \mid x^2 = 1\}$ ;

(2)  $\{x \in \mathbf{R} \mid x > 1\}$ ;

(3)  $\{(x, y) \mid y = 2x, x \in \mathbf{R}, y \in \mathbf{R}\}$ ;

(4)  $\{x \in \mathbf{R} \mid |x| < 0\}$ ;

(5)  $\{x \in \mathbf{R} \mid x^2 - x - 2 = 0\}$ .

17. 已知 1 是由  $|a+1|, a+2$  组成的集合中的元素, 求实数  $a$  的值.

18. 已知集合  $A = \{x \mid (a^2 - 1)x^2 - 2x - 1 = 0\}$ , 且集合  $A$  有且只有一个非空子集, 求实数  $a$  的值.

19. 已知集合  $A = \{1, 1+m, 1+2m\}$ ,  $B = \{1, n, n^2\}$ , 其中  $m, n \in \mathbf{R}$ . 若  $A=B$ , 求  $m, n$  的值.

20. 已知集合  $A = \{x | x^2 - 3x + 2 = 0\}$ ,  $B = \{x | ax + 2 = 0\}$ , 且  $B \subsetneq A$ , 求实数  $a$  的值组成的集合.



9. 已知全集  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ ,  $A = \{3, 5, 7\}$ ,  $B = \{1, 3, 6, 8\}$ , 那么集合  $\{2, 4, 9\}$  是 ( )

A.  $A \cup B$

B.  $A \cap B$

C.  $\complement_U(A \cap B)$

D.  $\complement_U(A \cup B)$

10. 已知集合  $A = \{a, b, 2\}$ ,  $B = \{2, b^2, 2a\}$ , 且  $A \cap B = A \cup B$ , 则  $a =$  ( )

A. 0

B.  $\frac{1}{4}$

C. 0 或  $\frac{1}{4}$

D.  $\frac{1}{2}$

## 二、填空题

11. 已知集合  $A = \{1, 2, 3\}$ ,  $B = \{1, a\}$ ,  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4\}$ , 则  $a =$  \_\_\_\_\_.

12. 已知集合  $A = \{1, 2, 4, 6\}$ ,  $B = \{2, 4, 6, 8\}$ , 则  $A \cup B =$  \_\_\_\_\_,  $A \cap B =$  \_\_\_\_\_.

13. 若集合  $A = \{0, 1, 2\}$ ,  $B = \{-1, 1, 2\}$ ,  $C = \{0, 1, 3\}$ , 则  $A \cap B \cap C =$  \_\_\_\_\_.

14. 设集合  $A = \{x | x > -1\}$ ,  $B = \{x | -2 < x < 2\}$ , 则  $A \cup B =$  \_\_\_\_\_.

15. 已知全集  $U = \mathbf{R}$ , 集合  $A = \{x | x^2 \geq 1\}$ , 则  $\complement_U A =$  \_\_\_\_\_.

## 三、解答题

16. 已知  $U = \{x \in \mathbf{N}^* | x < 6\}$ ,  $A = \{1, 3\}$ ,  $B = \{2, 4\}$ , 求  $\complement_U(A \cap B)$ ,  $\complement_U(A \cup B)$ ,  $(\complement_U A) \cup (\complement_U B)$ ,  $(\complement_U A) \cap (\complement_U B)$ .

17. 已知集合  $A = \{x | -4 < x < m\}$ ,  $B = \{x | -2 \leq x \leq -1\}$ , 且  $A \cup B = A$ , 求  $m$  的取值范围.

18. 设全集  $U=\mathbf{R}$ , 集合  $A=\{x|3\leq x<7\}$ ,  $B=\{x|2<x<10\}$ , 求  $\complement_U B$ ,  $\complement_U(A\cup B)$  及  $(\complement_U A)\cap B$ .

19. 已知全集  $U=\mathbf{R}$ , 集合  $A=\{x|x<3 \text{ 或 } x\geq 7\}$ ,  $B=\{x|x<a\}$ . 若  $(\complement_U A)\cap B\neq\emptyset$ , 求实数  $a$  的取值范围.

20. 设全集  $U=\mathbf{R}$ , 集合  $A=\{x|x^2+3x+2=0\}$ ,  $B=\{x|x^2+(m+1)x+m=0\}$ . 若  $(\complement_U A)\cap B=\emptyset$ , 求  $m$  的值.

### 第三节 充要条件

#### 一、选择题

- “ $x=2$ ”是“ $x^2=4$ ”的 ( )  
 A. 充分不必要条件                      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件                                D. 既不充分也不必要条件
- “ $x < -1$  或  $x > 2$ ”是“ $(x-2)(x+1) > 0$ ”的 ( )  
 A. 充分不必要条件                      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件                                D. 既不充分也不必要条件
- 已知  $p: |3x-5| < 4, q: (x-1)(x-2) < 0$ , 则  $p$  是  $q$  的 ( )  
 A. 充分不必要条件                      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件                                D. 既不充分也不必要条件
- 若  $a$  与  $b$  均为实数, 则“ $|a|=|b|$ ”是“ $a=b$ ”的 ( )  
 A. 充分不必要条件                      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件                                D. 既不充分也不必要条件
- 设  $a, b, c \in \mathbf{R}$ , 则“ $a > b$ ”是“ $ac^2 > bc^2$ ”的 ( )  
 A. 充分不必要条件                      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件                                D. 既不充分也不必要条件
- “ $\alpha = \frac{\pi}{4}$ ”是“ $\tan \alpha = 1$ ”的 ( )  
 A. 充分不必要条件                      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件                                D. 既不充分也不必要条件
- 在  $\triangle ABC$  中, “ $\sin A = \frac{1}{2}$ ”是“ $A = 30^\circ$ ”的 ( )  
 A. 充分不必要条件                      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件                                D. 既不充分也不必要条件
- 设  $a, b, c \in \mathbf{R}$ , 则“ $ac = b^2$ ”是“ $a, b, c$  成等比数列”的 ( )  
 A. 充分不必要条件                      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件                                D. 既不充分也不必要条件

#### 二、填空题

- “ $x \in A \cap B$ ”是“ $x \in A \cup B$ ”的 \_\_\_\_\_ 条件.

10. “一个数是 2 的倍数”是“一个数是 4 的倍数”的\_\_\_\_\_条件.

11. “ $x < 2$ ”是“ $x^2 - x - 2 < 0$ ”的\_\_\_\_\_条件.

12. 已知  $m, n \in \mathbf{R}$ , 则“ $m \neq 0$  且  $n \neq 0$ ”是“ $mn \neq 0$ ”的\_\_\_\_\_条件.

### 三、解答题

13. 设  $x \in \mathbf{R}$ , 则“ $x^3 \geq 8$ ”是“ $x^2 \geq 4$ ”的什么条件?

14. 求  $x^2 - 5x - 6 \leq 0$  的充要条件.

15. 已知方程  $x^2 + (2k-1)x + k^2 = 0$ , 求方程有两个大于 1 的实根的充要条件.

## 测 试 题

## 一、选择题

1. 下列关系中,正确的个数为 ( )

①  $\frac{\sqrt{2}}{2} \in \mathbf{R}$ ; ②  $\{\sqrt{3}\} \in \mathbf{Q}$ ; ③  $0 \in \mathbf{N}^*$ ; ④  $\{-5\} \subseteq \mathbf{Z}$ .

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

2. 已知集合  $M = \{x | -3 < x \leq 5\}$ ,  $N = \{x | -5 < x < 5\}$ , 则  $M \cap N =$  ( )

A.  $\{x | -5 < x < 5\}$

B.  $\{x | 3 < x < 5\}$

C.  $\{x | -5 < x \leq 5\}$

D.  $\{x | -3 < x < 5\}$

3. 集合  $\{1, 2, 3\}$  所有真子集的个数为 ( )

A. 3

B. 6

C. 7

D. 8

4. 已知集合  $A = \{1, 4\}$ ,  $B = \{4, 5, 6\}$ , 则  $A \cup B$  等于 ( )

A.  $\{4, 5, 6\}$

B.  $\{1, 4, 5, 6\}$

C.  $\{4\}$

D.  $\emptyset$

5. 全集  $U = \{0, 1, 3, 5, 6, 8\}$ , 集合  $A = \{1, 5, 8\}$ ,  $B = \{2\}$ , 则集合  $(\complement_U A) \cup B =$  ( )

A.  $\{0, 2, 3, 6\}$

B.  $\{0, 3, 6\}$

C.  $\{1, 2, 5, 8\}$

D.  $\emptyset$

6. 下列三个命题中真命题的个数是 ( )

① 所有的奇数组成的集合可表示为  $\{x | x = 2k - 1, k \in \mathbf{N}\}$ ;

② 集合  $A = \{x | x^2 + 1 = 0\}$  只有 1 个真子集;

③ 若  $p: \sin \alpha = 1, q: \alpha = \frac{\pi}{2}$ , 则  $p$  是  $q$  成立的充分不必要条件.

A. 0

B. 1

C. 2

D. 3

7. 设  $A = \{x | 2 \leq x \leq 6\}$ ,  $B = \{2a \leq x \leq a + 3\}$ , 若  $B \subseteq A$ , 则实数  $a$  的取值范围是 ( )

A.  $[1, 3]$

B.  $[3, +\infty)$

C.  $[1, +\infty)$

D.  $(1, 3)$



17. 已知集合  $A = \{m^2, m+1, -3\}$ ,  $B = \{m-3, 2m-1, m^2+1\}$ . 若  $A \cap B = \{-3\}$ , 求  $m$  的值.

18. 已知集合  $A = \{x \mid x^2 - 3x + 2 < 0\}$ ,  $B = \{x \mid 1 < x < a\}$  ( $a$  为常数).

(1) 若  $a = \frac{3}{2}$ , 求  $A \cap B$ ;

(2) 若  $B \subseteq A$ , 求实数  $a$  的取值范围.

19. 已知集合  $A = \{1, 3, 5\}$ ,  $B = \{1, 2, x^2 + 1\}$ . 若  $A \cup B = \{1, 2, 3, 5\}$ , 求  $x$  及  $A \cap B$ .

20. 若集合  $A = \{x \mid ax^2 + 3x + 2 = 0\}$  中最多有一个元素, 求实数  $a$  的取值范围.



6. 若  $a > b > 0, c > d > 0$ , 则  $\frac{a}{d}$  与  $\frac{b}{c}$  的关系是 ( )

A.  $\frac{a}{d} < \frac{b}{c}$

B.  $\frac{a}{d} > \frac{b}{c}$

C.  $\frac{a}{d} = \frac{b}{c}$

D. 无法确定

7. 给出以下四个命题:

①若  $a > b$ , 则  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ ;

②若  $a > b$ , 则  $a^2 > b^2$ ;

③若  $a > |b|$ , 则  $a > b$ ;

④若  $ac^2 > bc^2$ , 则  $a > b$ .

其中正确的是

( )

A. ①②

B. ①③

C. ③④

D. ②④

8. 若  $a, b, c \in \mathbf{R}, a > b$ , 则下列不等式成立的是 ( )

A.  $a^2 > b^2$

B.  $ac > bc$

C.  $\frac{a}{c^2+1} > \frac{b}{c^2+1}$

D.  $a-c < b-c$

9. 下列实数比较大小, 正确的是 ( )

A.  $a > -a$

B.  $0 > -a$

C.  $a < a+1$

D.  $-\frac{1}{b} < -\frac{1}{4}$

10.  $a$  是一个整数, 则  $a$  与  $3a$  的大小是 ( )

A.  $a > 3a$

B.  $a < 3a$

C.  $a = 3a$

D. 无法确定

## 二、填空题

11. 集合  $\{x \mid x \geq 1\}$  可用区间表示为\_\_\_\_\_.

12. 若  $a > b > 0$ , 则  $a(a+b)$  \_\_\_\_\_  $a^2$ . (填“>”“<”或“=”)

13. 集合  $A = \{x \mid 2x - 3 > 7\}$ ,  $B = \{x \mid x + 2 < 9\}$ , 则  $(\complement_{\mathbf{R}} A) \cap B =$ \_\_\_\_\_.

14. 已知  $5 < x < 20, 3 < y < 12$ , 则  $x+y$  的取值范围为\_\_\_\_\_;  $x-y$  的取值范围为\_\_\_\_\_.

15. 当  $m > 0, n > 0, m \neq n$  时,  $m^4 + n^4$  \_\_\_\_\_  $m^3n + mn^3$ . (填“>”“<”或“=”)

## 三、解答题

16. 比较  $\frac{1}{\sqrt{3}-\sqrt{2}}$  和  $\sqrt{10}$  的大小.

17. 比较  $(a+3)(a-5)$  与  $(a+2)(a-4)$  的大小.

18. 比较  $(x^2+2)^2$  与  $x^4+x^2+3$  的大小.

19. 比较  $x^2+y^2$  与  $4x+6y-15$  的大小.

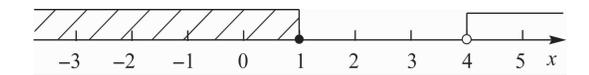
20. 已知三个不等式:① $ab>0$ ;② $-\frac{c}{a}<-\frac{d}{b}$ ;③ $bc>ad$ . 以其中两个作为条件,余下一个作为结论,可以组成多少个正确的命题?



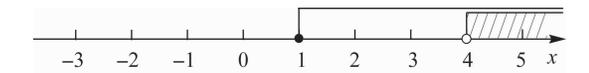
8. 如果关于  $x$  的不等式  $(a-2)x > a+7$  和  $x > 4$  的解集相同, 则  $a$  的值为 ( )

- A. 5  
B. 4  
C. 3  
D. 2

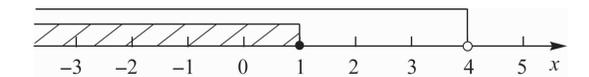
9. 不等式组  $\begin{cases} 2x-5 < 3, \\ 3-x \geq 2 \end{cases}$  的解集在数轴上表示为 ( )



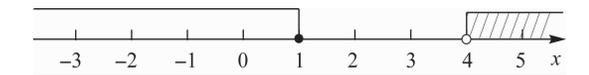
A



B



C



D

10. 若不等式组  $\begin{cases} x > a, \\ x < b \end{cases}$  无解, 则不等式组  $\begin{cases} x > 3-a, \\ x < 3-b \end{cases}$  的解集是 ( )

- A.  $\{x | -b < x < 3-a\}$   
B.  $\{x | b-3 < x < a-3\}$   
C.  $\{x | 3-a < x < 3-b\}$   
D.  $\emptyset$

## 二、填空题

11. 不等式  $x-2 < 7$  的解集为\_\_\_\_\_.

12. 不等式组  $\begin{cases} x+3 > 5, \\ x-4 < 4 \end{cases}$  的解集为\_\_\_\_\_.

13. 不等式组  $\begin{cases} x < 7, \\ x-7 \leq 0 \end{cases}$  的解集为\_\_\_\_\_.

14. 不等式  $\frac{6}{x-3} > 0$  的解集为\_\_\_\_\_.

15. 若关于  $x$  的不等式  $2x-m \leq 0$  的正整数解是 1, 2, 3, 则  $m$  的取值范围为\_\_\_\_\_.

## 三、解答题

16. 解不等式  $\frac{x-5}{3} \leq 8 - \frac{3x+1}{3}$ .

17. 解不等式组  $\begin{cases} 3x < x+8, \\ 5-x \geq 2. \end{cases}$

18. 解不等式组  $\begin{cases} \frac{2}{2x-3} > 0, \\ \frac{x-1}{3} < 0. \end{cases}$

19. 解不等式  $4(x+1)-1 \geq 7-2(x-1)$ , 并把解集在数轴上表示出来.

20. 不等式组  $\begin{cases} x < a, \\ x-3 < -1 \end{cases}$  的解集为  $\{x | x < a\}$ , 求  $a$  的取值范围.

### 第三节 一元二次不等式及分式不等式

#### 一、选择题

- 下列各不等式中,是一元二次不等式的是 ( )
 

A. $\frac{1}{2}x+2y<1$	B. $x^2-4x+1<0$
C. $x^2+3y-4\geq 0$	D. $(x-3)(x-2)\geq x^2$
- 一元二次不等式  $2x^2-3x+1\leq 0$  的二次项系数和一次项系数分别是 ( )
 

A. 2 和 -3	B. 2 和 3
C. 2 和 1	D. 2 和 -1
- 一元二次不等式  $x^2-4x<0$  的解集是 ( )
 

A. $(0,4)$	B. $[0,4]$
C. $(-\infty,0)\cup(4,+\infty)$	D. $(-\infty,0]\cup[4,+\infty)$
- 一元二次不等式  $x^2-x-6\leq 0$  的解集是 ( )
 

A. $[-2,3]$	B. $(-2,3)$
C. $[-3,2]$	D. $(-3,2)$
- 一元二次不等式  $x^2-x+6\leq 0$  的解集是 ( )
 

A. $\mathbf{R}$	B. $\emptyset$
C. $[-2,3]$	D. $[-3,2]$
- 不等式  $\frac{x-1}{x+3}<0$  的解集是 ( )
 

A. $\mathbf{R}$	B. $\emptyset$
C. $(-1,3)$	D. $(-3,1)$
- 一元二次不等式  $2x^2-3x+4<3x^2-x+1$  的解集是 ( )
 

A. $(-3,1)$	B. $[-3,1]$
C. $(-\infty,-3)\cup(1,+\infty)$	D. $(-\infty,-3]\cup[1,+\infty)$
- 已知不等式  $ax^2+bx+1>0$  的解集是  $(-\frac{1}{2},\frac{1}{3})$ , 则  $a+b$  等于 ( )
 

A. -7	B. 7
C. -5	D. 5



18. 已知一元二次不等式组  $\begin{cases} x^2 - 3x - 4 < 0, \\ x^2 - x - 6 \geq 0, \end{cases}$  求该不等式组的解集.

19. 已知一元二次不等式  $ax^2 + bx + c > 0$  的解集为  $(-\frac{1}{3}, 2)$ , 求不等式  $cx^2 + bx + a < 0$  的解集.

20. 把一块长为 80 mm、宽为 60 mm 的长方形铁皮的四个角各剪去一个边长相等的小正方形, 做成一个无盖铁盒. 求当底面积不小于  $1\,500\text{ mm}^2$  时, 小正方形的边长的取值范围.

## 第四节 含绝对值的不等式

### 一、选择题

1. 不等式  $|x| < 1$  的解集为 ( )
 

A. $[-1, 1]$	B. $(-\infty, -1] \cup [1, +\infty)$
C. $(-1, 1)$	D. $(-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$
2. 不等式  $|x-3| < 1$  的解集为 ( )
 

A. $(1, 3)$	B. $(2, 4)$
C. $(1, 4)$	D. $(-\infty, 2) \cup (4, +\infty)$
3. 不等式  $|1-2x| < 3$  的解集为 ( )
 

A. $\{x x < 2\}$	B. $\{x x > -1\}$
C. $\{x -1 < x < 2\}$	D. $\{x -2 < x < 4\}$
4. 不等式  $|x+5| > 3$  的解集为 ( )
 

A. $\{x -2 < x < 2\}$	B. $\{x -8 < x < 8\}$
C. $\{x x < -2 \text{ 或 } x > 2\}$	D. $\{x x < -8 \text{ 或 } x > -2\}$
5. 绝对值大于 1 且不大于 6 的最小整数是 ( )
 

A. -2	B. 2
C. -6	D. 6
6. 不等式  $|3x-4| < 2$  的整数解的个数为 ( )
 

A. 0	B. 1
C. 2	D. 3
7. 设  $x \in \mathbf{R}$ , 则“ $|x| > 1$ ”是“ $x^2 > 1$ ”的 ( )
 

A. 充分不必要条件	B. 必要不充分条件
C. 充要条件	D. 既不充分也不必要条件
8. 不等式  $1 \leq |2x-7| < 3$  的解集为 ( )
 

A. $\{x 4 \leq x < 5\}$	B. $\{x x \geq 4 \text{ 或 } x < 5\}$
C. $\{x 2 < x \leq 3 \text{ 或 } 4 \leq x < 5\}$	D. $\{x x < 2 \text{ 或 } x > 5\}$
9. 实数  $a, b$  满足  $ab < 0$ , 那么  $|a+b|$  与  $|a-b|$  的关系是 ( )
 

A. $ a+b  >  a-b $	B. $ a+b  =  a-b $
C. $ a+b  <  a-b $	D. 无法判断

10. 设不等式  $|x-a| \leq b$  的解集为  $\{x|2 \leq x \leq 4\}$ , 则  $a, b$  的值为 ( )

A.  $a = -3, b = 1$

B.  $a = 3, b = -1$

C.  $a = 1, b = 3$

D.  $a = 3, b = 1$

## 二、填空题

11. 不等式  $|4-2x| > 0$  的解集为\_\_\_\_\_.

12. 不等式  $|2x+1| > 5$  的解集为\_\_\_\_\_.

13. 不等式  $|x-2| < 4$  的解集为\_\_\_\_\_.

14. 不等式  $|x+3| > 5$  的解集是\_\_\_\_\_.

15. 不等式  $|x-4| + 1 < 0$  的解集是\_\_\_\_\_.

## 三、解答题

16. 解下列不等式.

(1)  $|2x+1| \geq -1$ ;

(2)  $|3x-1| \leq 5$ .

17. 求不等式  $|x+1| - |x-2| < 0$  的解集.

18. 已知  $A = \{x \mid |2x-3| > 1\}$ ,  $B = \{x \mid |3x-2| \leq 4\}$ , 求  $A \cap B, A \cup B$ .

19. 解不等式  $|x^2 - 5x| \leq 6$ .

20. 求关于  $x$  的不等式  $|2x-1| < 2m+1 (m \in \mathbf{R})$  的解集.





18. 若一元二次不等式  $ax^2+bx+1 \geq 0 (a \neq 0)$  的解集为  $[-2, 4]$ , 求  $a, b$  的值.
19. 制作一个高为 20 cm 的长方体容器, 底面矩形的长比宽多 10 cm, 并且容积不少于  $4\,000 \text{ cm}^3$ .  
问: 底面矩形的宽至少应是多少?
20. 已知  $f(x) = -3x^2 + a(6-a)x + 6$ .
- (1) 解关于  $a$  的不等式  $f(1) > 0$ ;
  - (2) 若不等式  $f(x) > b$  的解集为  $(-1, 3)$ , 求实数  $a, b$  的值.